

פיזיקה 1פ (מבנהו לפיסיקאים)

פרק 3 - קינמטיקה

תוכן העניינים

1	. תנועה בקו ישר (מייד אחד).
12	. תנועה במישור זורייה משופעת (בליסטיקה).
16	. משוואת מסלול
17	. תאוצה נורמלית ומשיקית ורדיויס עקומותיות

תנועה בקו ישר (מייד אחד):

רקע:

$$\text{מהירות רגעית} - \cdot v_{(t)} = \frac{dx}{dt} = \dot{x}$$

$$\text{מהירות ממוצעת} - \cdot \bar{v} = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{x_f - x_i}{t_f - t_i}$$

$$\text{תאוצה רגעית} - \cdot a = \frac{dv}{dt} = \dot{v} = \frac{d^2x}{dt^2} = \ddot{x}$$

$$\text{תאוצה ממוצעת} - \cdot \bar{a} = \frac{\Delta v}{\Delta t} = \frac{v_f - v_i}{t_f - t_i}$$

מיקום ומהירות כתלות בזמן בתאוצה קבועה -

$$x(t) = x_0 + v_0 \cdot t + \frac{1}{2} at^2$$

$$\cdot v(t) = v_0 + at$$

שאלות:**1) דני ודן רצים זה לקראת זו**

דני ודן רצים זה לקראת זו.

שניהם מתחילה לרוץ ממנוחה.

דני רץ בתאוצה של 0.5 מטר לשנייה ברכיבוע ודן בתאוצה של 1 מטר

לשנייה ברכיבוע.

המרחק ההתחלתי ביןיהם הוא 50 מטר.

א. מתי והיכן יפגשו דני ודן?

ב. מה מהירות כל אחד מהם ברגע המפגש?

2) דני שכח את הפלאפון

דני רץ בכו ישר במהירות קבועה שגודלה 14 מטר לשנייה.

ברגע מסוים מבחין יוסי כי דני שכח את הפלאפון שלו.

באותו הרגע נמצא דני כבר במרחק של 64 מטר מjosי.

josי מתחילה לרוץ אחר דני ממנוחה בתאוצה קבועה של 8 מטר לשנייה ברכיבוע.

א. מצא ביטוי למהירות כתלות בזמן עברו דני וjosי.

شرط גרפים עבור שני הביטויים שמצאות על אותה מערכת ציריים.

ב. מתי מהירותו של josי שווה לו של דני? האם הוא מSIG את דני ברגע זה?

ג. מצא ביטוי למקומות כתלות בזמן עברו דני וjosי.

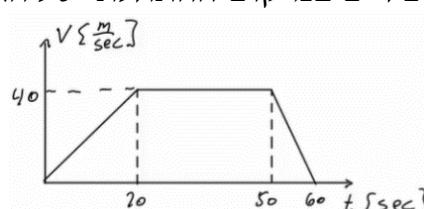
شرط גרפים עבור שני הביטויים שמצאות על אותה מערכת ציריים.

ד. מתי ישיג josי את דני? כמה מרחק עבר josי עד אז?

3) גרף של מהירות אופנווע בזמן

בגרף הבא נתונה מהירותו של אופנווע כתלות בזמן. האופנווע נע על קו ישר.

קבע את ראשית הציריים במקום ההתחלתי של האופנווע.



א. תאר את סוג התנועה של האופנווע בכל אחד מקטעי התנועה.

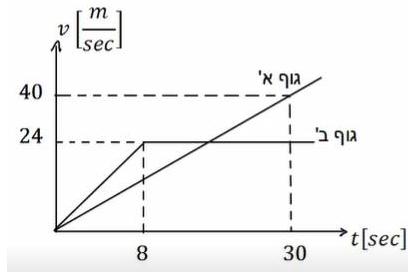
ב. מצא את תאוצת האופנווע כתלות בזמן.

ג. מהי מהירות האופנווע ברגעים: $t = 15$, 40 , 55 ?

ד. מצא את מקום האופנווע באותו רגעים של סעיף ג'.

4) גרפ' מהירות של שני גופים

בגרף הבא מתוארכות מהירויות של שני גופים כתלות בזמן.
הנח שני הגוף נעים לאורך קו ישר ויוצאים מהראשית.

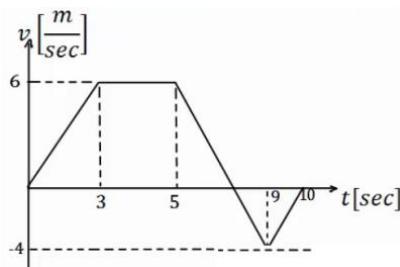


- תאר את תנועתו של כל גוף.
- רשם נוסחת מיקום זמן לכל גוף.
- מצא את המרחק בין הגוף ברגעים: $t = 3s$, $v = 24s$ וציין מי מקדים את מי.
- מתי מהירויות שני הגוף שווות?
- מתי מיקום שני הגוף זהה?

5) תרגיל עם הכל

הגרף הבא מתאר את מהירותו של גוף הנע בקו ישר.
הנח שהגוף מתחילה את תנועתו מהראשית. הגוף נע במשך 10 שניות ונעצר.

- תאר את התנועה של הגוף במילימטרים.
- شرط גרפ' של התאוצה כתלות בזמן של הגוף.
- מתי נמצא הגוף במרחק הגדול ביותר (בכיוון החיובי) מהראשית?
מהו מרחק זה?
- מהו המרחק הכללי שעבר הגוף?
- מהו העתק הכללי שעשה הגוף?
- מתי המהירות הממוצעת של הגוף בתנועה?
- מהו מרחק הגוף מהראשית ב- $t = 6\text{ sec}$?
- מתי נמצא הגוף במרחק 12 מטרים מהראשית?
- شرط גרפ' של מיקומו של הגוף כתלות בזמן, אין צורך לסמן ערכים בציר האנכי של הגרף.



6) תפוח עץ

תפוח נופל מעץ בגובה 15 מטרים.

(הנח שההתפוח נופל ממנוחה והזנחה את התנגדות האוויר).

א. מצא את המהירות בה יפגע התפוח בקרקע.

ב. מצא את המהירות בה יפגע התפוח בראשו של ניטון היושב מתחת לעץ.

הנח שגובה הראש של ניטון בישיבה הוא אחד מטר.

7) חסידה מביאה חבילה

חסידה מרחתת במנוחה באוויר וمفילה חבילה מגובה של 320 מטרים.

א. מצא את העתק שמבצעת החבילה בשנייה הרביעית של תנועתה.

ב. מצא את העתק שמבצעת החבילה בשנייה האחרונה של תנועתה.

8) דני זורק כדור מחלון גבורה

דני זורק כדור כלפי מעלה מחלון ביתו הנמצא בגובה 105 מטרים מעל הקרקע (בניין גבורה). מהירות הcador ישר אחריו הזירה היא 20 מטר לשנייה.

סמן את כיוון הציר החיוויי כלפי מעלה ואת ראשית הצירים בנקודת הזירה.

א. רשום נוסחים מקום זמן ומהירות זמן עברו הcador.

ב. הכן טבלה ורשום בטבלה את הערכיהם של המיקום והמהירות ב-6
השניות הראשונות.

ג. צייר את מיקום הcador בכל שנייה ב-6 השניות.

ד. מתי יפגע הcador בקרקע?

ה. חזר על סעיפים א' ו-ד' במקרה שבו ראשית הצירים בקרקע.

9) גוף נזרק אנכית מגג בניין

גוף נזרק אנכית כלפי מעלה מגג בניין שגובהו 40 מטר.

מהירותו ההתחלתית של הגוף היא 30 מטר לשנייה.

בחר ציר y שראשיתו בקרקע וכיונו החיוויי כלפי מעלה.

א. רשום את פונקציית המיקום-זמן, מהירות-זמן ותאוצה-זמן של הגוף.

ב. עורך טבלה של מהירותו ומיומו בזמן: $t = 0, 1, 2, 3, 4, 5 \text{ sec}$.

ג. שרטט גרפים עבור שלושת הפונקציות שחישבת בסעיף א'.

10) כדור נזרק מלמعلת וגוף נזרק מלמיטה

כדור נזרק כלפי מטה מרأس בניין שגובהו 80 מטר. מהירותו ההתחלתית של הכדור היא 15 מטר לשנייה. באותו הרגע נזרק גוף שני מתחתי הבניין כלפי מעלה. מהירותו ההתחלתית של הגוף השני היא 40 מטר לשנייה.

- רשות נוסחת מקום-זמן עבור כל הגוף.
- האם הגוף השני יעבור את גובה הבניין?
- היכן ביחס לרצפת הבניין יחלפו הגוף אחד ליד השני?
- רשות נוסחת מהירות-זמן לכל הגוף.
- מה תהיה מהירות כל הגוף ברגע המפגש?
- מהי מהירות הפגיעה בקרקע של כל הגוף?
- شرط גרף מהירות-זמן וגרף מיקום זמן לכל הגוף.

11) מהירות בנקודת של פולינום

גוף נע בקו ישר ומיקומו כתלות בזמן נתון לפי : $x(t) = 2t^3 - 12t + 30$ כאשר הזמן בשניות והמקום במטרים.

- מצאו את המהירות כתלות בזמן.
- מתי הגוף נעצר?

12) תנועה בקו ישר, מהירות בנקודת

מיקומו של הגוף הנע בקו ישר נתון לפי : $x(t) = 32te^{-t}$.

- מצא את הזמן בו הגוף נעצר.
- מצא את מרחק הגוף ברגע זה מהראשית.

13) תנועה בקו ישר, מהירות בנקודת ותאוצה

גוף נע בקו ישר ומיקומו כתלות בזמן נתון לפי : $x(t) = -2t^3 + 6t + 3$ כאשר הזמן בשניות והמקום במטרים.

- מצאו את המהירות כתלות בזמן ואת הרגע בו הגוף נעצר.
- מהו המרחק המקסימלי אליו הגיע הגוף?
- מהי תאוצת הגוף?

14) תאוצה מפוצלת

גוף נקודתי מתחילה לנوع מנוחה ו נע בקו ישר.

$$a(t) = \begin{cases} t \left[\frac{\text{m}}{\text{sec}^2} \right], & 0 \leq t \leq 3[\text{sec}] \\ 5 - t \left[\frac{\text{m}}{\text{sec}^2} \right], & 3 < t [\text{sec}] \end{cases}$$

תאוצת הגוף תלוי בזמן ונתונה לפי :

תנועת הגוף נמשכת עד לרגע בו הוא עצר.

א. מהי מהירות הגוף בזמן?

ב. מהי המהירות המרבית של הגוף במהלך התנועה?

ג.מתי עצר הגוף?

ד. איזה מרחק (העתק) הוא עובר עד לעצירה?

15) מהירות מינימלית

גוף נע בקו ישר ומיקומו כתלות בזמן נתון לפי : $x(t) = \alpha t^3 - \beta t^2 + \gamma t$

כל היחידות סטנדרטיות (מיקום במטר וזמן בשניות).

א. מהן היחידות של γ , β , α ?

ב. מהו מיקום הגוף ב- $t=0$?

ג. מצאו את המהירות ההתחלתית של הגוף.

ד. מצאו מהי התאוצה ההתחלתית של הגוף.

ה. חשבו את המהירות המינימלית של הגוף כפונקציה של הקבועים

בבואה ומצאו מה התנאי שצרכיים למלא הקבועים על מנת שאכן

תהיה מהירות מינימלית.

16) יلد זורק כדור בקפיצה*

ילד מנסה לזרוק כדור לתקраה של הכיתה אך איןו מצליח להגיע עד לתקרה.
המורה לפיזיקה שהבחן בניסיונו של הילד הציע לו שיזורק את הcador תוך
כדי קפיצה בכיוון מעלה.

א. האם המורה צודק? לאיזה גובה יגיע הcador אם הילד קופץ ומיד זורק את
הcador כלפי מעלה? הניחו שמהירות הקפיצה של הילד היא v_1 ו מהירות

הזרקה של הcador v_2 ביחס לילד היא אותן הדבר.

הניחו שזריקת הcador לא משפיעה על הילד.

ב. בטאו את העתק של הילד ושל הcador כפונקציה של הזמן בו הילד זורק
את הcador.

17) זמן מינימלי לסיים מסלול*

מכוניות יכולה להאיץ לפחות ל-100 קמ"ש תוך 10 שניות, כאשר ניתן להניע שקצב ההאצה קבוע. אותה מכוניות יכולה לבולום בקצב של 0.5g מהו הזמן המינימלי לעبور מסלול של 3 ק"מ אם המכונית מתחילה ממנוחה ומסיימת בעצרה מוחלטת? (רמז : השתמש בגרף מהירות זמן).

18) כמה זמן הרכבת נסעה ב מהירות קבועה*

רכבת יוצאת מישוב'A אל יישוב'B.
 בשליש הראשון של הדרך הרכבת מאיצה בתאוצה קבועה.
 בשליש השני של הדרך הרכבת נוסעת ב מהירות קבועה.
 בשליש האחרון של הדרך הרכבת מאיטה בקצב קבוע עד לעצרתה ביישוב'B.
 זמן הנסעה הכלול הוא T.
 כמה זמן נסעה הרכבת ב מהירות קבועה?

19) אדם משחרר כדור מتوزע מעליות*

מעלית עולה מגובה הקרקע ב מהירות קבועה.
 בזמן T_1 , אדם הנמצא ב מעלית משחרר כדור מتوزע דרך חור שברצפת המעלית.
 הכדור מגיעה לקרקע בעבר T_2 שניות.
 מצאו את גובה המעלית h בזמן T_1 .
 נתונים T_1 ו- T_2 .

20) מהירות כפונקציה של מיקום**

גוף נע בכיוון חיובי של ציר ה- x כך שהמהירותו נתונה לפי : $x = C\sqrt{t}$
 כאשר $C > 0$. בזמן $t=0$ החלקיק נמצא ב- $x=0$.
 א. מה היחידות של C ?

- ב. מצא את המהירות וההתאוצה כפונקציה של הזמן.
 ג. מצא את המהירות המומוצעת בזמן שהחלקיק עבר דרך S.

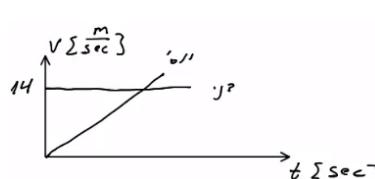
21) טור טיפולו למיקום עצם**

נתן לתאר את מיקום עצם בעזרת המשוואה : $f(t) = 5 - 2t^2 + t$
 א. מצאו טור טיפולו סביר $t=0$ עבור מיקום העצם.
 ב. מה המשמעות הפיזיקלית של המקדמים שהציבתם בטור ? $(f''(t)f'(t))$

תשובות סופיות:

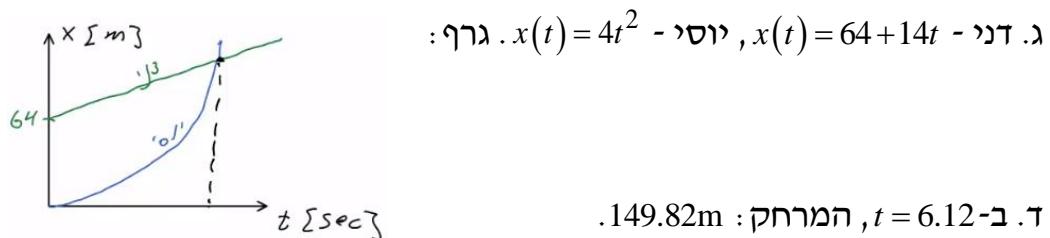
1) א. הזמן: $t = 8.16 \text{ sec}$, המיקום: 16.65 m

$$V_{\text{Dana}}(t=8.16) = -8.16 \frac{\text{m}}{\text{sec}}, V_{\text{Dani}}(t=8.16) = 4.08 \frac{\text{m}}{\text{sec}}$$



2) א. דני - $V(t) = 8t$, יוסי - $V(t) = 14 \frac{\text{m}}{\text{sec}}$

ב. $t = 1.75 \text{ sec}$, לא.



ג. דני - $x(t) = 4t^2$, יוסי - $x(t) = 64 + 14t$

ד. ב- $t = 6.12 \text{ sec}$, המרחק: 149.82 m

3) א. כאשר $0 \leq t \leq 20$ (חלק I), התאוצה קבועה וקבועה, והמיקום הולך ונגדל.

כasher $20 \leq t \leq 50$ (חלק II), מהירות קבועה (אין תאוצה) והמיקום גדל.

כasher $50 \leq t \leq 60$ (חלק III), התאוצה קבועה ושלילית והמיקום הולך ונגדל.

$$a = \begin{cases} 2 \frac{\text{m}}{\text{sec}^2} & 0 < t < 20 \\ 0 & 20 < t < 50 \\ -4 \frac{\text{m}}{\text{sec}^2} & 50 < t < 60 \end{cases}$$

$$V(t=15) = 30 \frac{\text{m}}{\text{sec}}, V(t=40) = 40 \frac{\text{m}}{\text{sec}}, V(t=55) = 20 \frac{\text{m}}{\text{sec}}$$

$$x(t=15) = 225 \text{ m}, x(t=40) = 1,200 \text{ m}, x(t=55) = 1,750 \text{ m}$$

4) א. גוף א': תנועה בתאוצה קבועה, האצה. ההתקדמות בכיוון חיובי.

גוף ב': כאשר $8 \leq t < 0$, כמו גוף א'. כאשר $t > 8$,

תנועה ב מהירות קבועה בכיוון חיובי.

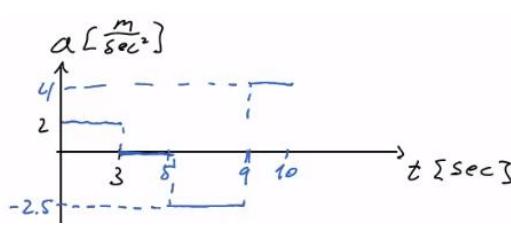
$$\text{ב. גוף א'}: \frac{2}{3}t^2, \text{ גוף ב'}: \text{כאשר } 0 \leq t \leq 8, \text{ כמו גוף א'}$$

$$\text{כאשר } t \infty, x(t) = 96 + 24(t-8), 8 \leq t \leq \infty$$

$$\text{ג. כ-} \Delta x(t=24) = 96 \text{ m, וכ-} \Delta x(t=3) = 7.5 \text{ m. גוף ב' מקדים את א'}$$

$$\text{ה. כ-} t = 31.42 \text{ sec}, \text{ ג. כ-} t = 18 \text{ sec}$$

- 5) א. כאשר $0 \leq t \leq 3$ (חלק I), תאוצה קבועה, האצה והתקדמות בכיוון החיובי.
 כאשר $3 \leq t \leq 5$ (חלק II), תנואה ב מהירות קבועה, התקדמות בכיוון החיובי.
 כאשר $5 \leq t \leq 9$ (חלק III), תאוצה קבועה שלילית.
 תאוצה עד אשר המהירות מתאפסת, אז מתחילה האצה בכיוון הנגדי.
 התקדמות בכיוון החיובי עד שהמהירות מתאפסת ואז מתחילה לחזור בכיוון הנגדי.
 כאשר $9 \leq t \leq 10$, תאוצה קבועה חיובית, תאוצה. התקדמות בכיוון הנגדי.



ג'. גרף: $a = \begin{cases} 2 \frac{\text{m}}{\text{sec}^2} & 0 < t < 3 \\ 0 & 3 < t < 5 \\ -2.5 \frac{\text{m}}{\text{sec}^2} & 5 < t < 9 \\ 4 \frac{\text{m}}{\text{sec}^2} & 9 < t < 10 \end{cases}$

ה. $\Delta x = 23\text{m}$

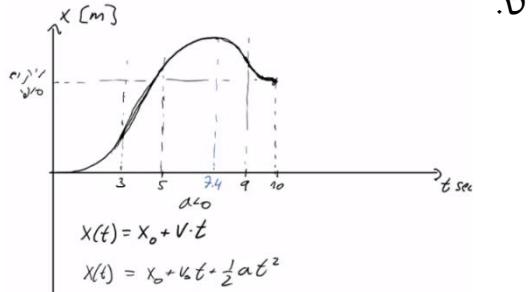
ד. $S = 33.4\text{m}$

. ז. 28.2m : 7.4sec

ט. $t = 3.5\text{ sec}$

ו. $\Delta x = x(t=6) - x(t=0) = 25.75\text{m}$

ז. $\bar{V} = 2.3 \frac{\text{m}}{\text{sec}}$



ט. א. $V_F \approx 16.73 \frac{\text{m}}{\text{sec}}$

ט. ב. $17.32 \frac{\text{m}}{\text{sec}}$

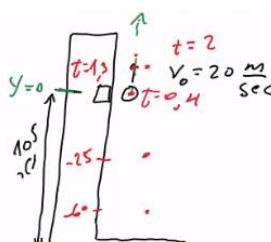
ט. ב. $40 \frac{\text{m}}{\text{sec}}$

ט. א. 80m

ט. א. מוקם-זמן: $V(t) = 20 - 10t$, $y(t) = 20t - 5t^2$

ט. ג. 7sec

ט. ג. 7sec



זמן (שניות)	מקום (מטר)	מהירות (מטר לשנייה)
1	15	10
2	20	0
3	15	-10
4	0	-20
5	-25	-30
6	-60	-40

ט. (א) מוקם-זמן: $V(t) = 20 - 10t$. מהירות-זמן: $y(t) = 105 + 20t - 5t^2$

ט. (ד) 7sec

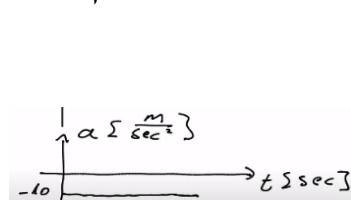
9 א. מיקום-זמן : $y(t) = 40 + 30t - 5t^2$, מהירות-זמן : $v(t) = 30 - 10t$

תאוצה-זמן : $a = -10$

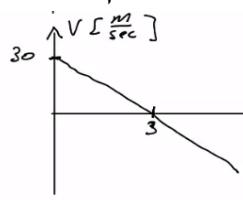
ב.

זמן (שניות)	מקום (מטר)	מהירות (מטר לשנייה)
0	40	30
1	65	20
2	80	10
3	85	0
4	80	-10
5	65	-20

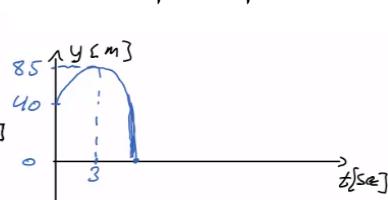
תאוצה-זמן :



מהירות-זמן :



מיקום-זמן :



10 א. גורף 1 - כדור : $y_1(t) = 80 + (-15)t - 5t^2$, גורף 2 - ריבוע : $y_2(t) = 40 - 10t$

ב. גורף 1 : $v_1(t) = -15 - 10t$

ג. גורף 2 : $v_2(t) = 40 - 10t$

ד. גורף 1 בדיקת גובהו.

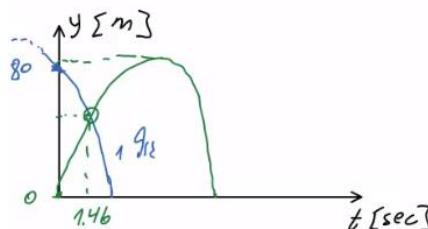
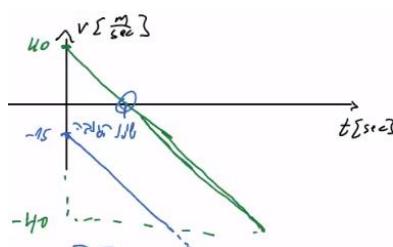
ה. גורף 1 : $25.4 \frac{\text{m}}{\text{sec}} = 2 \cdot \text{גורף} 1 - 29.6 \frac{\text{m}}{\text{sec}}$

ג. גורף 2 : $v_2(t) = 40 - 10t$

ד. גורף 1 : $-40 \frac{\text{m}}{\text{sec}} = 2 \cdot \text{גורף} 2 - 42.72 \frac{\text{m}}{\text{sec}}$

מהירות-זמן :

ז. מיקום-זמן : (גורף 1 בכחול, גורף 2 בירוק)



ט = $\sqrt{2}$ sec . ב.

v = $6t^2 - 12$. נ (11)

x(t=1) = $\frac{32}{e}$. ב.

t = 1 sec . נ (12)

a = -12t . ג.

X max = 7m . ב. v(t) = -6t^2 + 6 , t = 1 sec . נ (13)

$$V_{\max} = 6.5 \frac{m}{sec} . \text{ג}$$

$$V(t) = \begin{cases} \frac{t^2}{2} \left(\frac{m}{sec} \right) & 0 \leq t \leq 3 \\ \left(5t - \frac{t^2}{2} - 6 \right) \left(\frac{m}{sec} \right) & 3 \leq t \end{cases} . \text{א (14)}$$

$$\Delta x \approx 31.79m . \text{ט} \quad t_2 \approx 8.61 . \text{ג}$$

$$\gamma . \text{ג} \quad 0 . \text{ב} \quad [\alpha] = \frac{m}{sec^3} , \quad [\beta] = \frac{m}{sec^2} , \quad [\gamma] = \frac{m}{sec} . \text{א (15)}$$

$$-\frac{\beta^2}{3\alpha} + \gamma , \quad \alpha > 0 . \text{ה} \quad -2\beta . \text{ט}$$

$$\frac{(v_1 + v_2)^2}{2g} - v_2 t_0 : \text{כדו} , \quad \frac{v_1^2}{2g} : \text{ב. יד} \quad \text{המירה צודק} \quad \frac{(v_1 + v_2)^2}{2g} . \text{א (16)}$$

$$T \approx 58sec \text{ (17)}$$

$$t_2 = \frac{T}{5} \text{ (18)}$$

$$h = \frac{g T_2^2}{2 \left(1 + \frac{T_2}{T_1} \right)} \text{ (19)}$$

$$\bar{V} = \frac{C}{2} (S)^{\frac{1}{2}} . \text{ג} \quad V_x = \frac{C^2}{2} t , \quad a_x = \frac{C^2}{2} . \text{ב} \quad C = m^{\frac{1}{2}} \cdot sec^{-1} . \text{א (20)}$$

$$f''(t=0) = a , f'(0) = V_0 . \text{ב} \quad f(t) = 5 + 1 \cdot t + \frac{(-4)}{2} t^2 . \text{א (21)}$$

תנועה במשור וזריקה משופעת:

רקע:

. $\vec{r} = x\hat{x} + y\hat{y} + z\hat{z}$ - וקטור המיקום

. $\Delta\vec{r} = \vec{r}_2 - \vec{r}_1$ - וקטור ההעתק

. $\bar{\vec{v}} = \frac{\Delta\vec{r}}{\Delta t}$ - (velocity) וקטור המהירות ממוצעת

. $\vec{v} = \frac{d\vec{r}}{dt}$ - (velocity) וקטור המהירות הרגעית

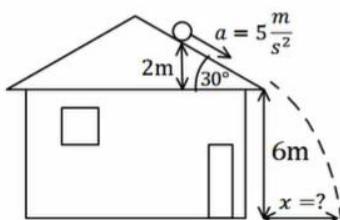
. $\bar{\vec{a}} = \frac{\Delta\vec{v}}{\Delta t}$ - (acceleration) וקטור התאוצה ממוצעת

. $\vec{a}(t) = \frac{d\vec{v}}{dt}$ - (acceleration) וקטור התאוצה הרגעית

. גודל המהירות (Speed) $|\vec{v}| = \frac{dS}{dt}$, כאשר S זה הדרך.

שאלות:**1) דוגמה - דן יורה חץ על עץ**

דן יורה חץ מגובה של 2 מטרים לעבר עץ הנמצא במרחק של 8 מטרים. מהירות היציאה של החץ מהקשת היא 30 מטר לשנייה. מצא באיזה גובה יפגע החץ בעץ אם הזרועה שבה יורה דן את החץ היא 15 מעלות?

**2) כדור מתגלגל מגג משופע**

כדור מתגלגל מגג בניין משופע. הכדור מתחילה תנועתו מנוחה מגובה של 2 מטרים מקצת הגג. שיפוע הגג הוא 30 מעלות מתחת אופק. נתון כי תאוצה הכדור בכיוון תנועתו על הגג היא 5 מטרים לשנייה בריבוע. גובה קצה הגג מעל הקרקע הוא 6 מטרים. מצא את המרחק האופקי מקצת הגג בו יפגע הכדור בקרקע.

3) תנועת כדור עם רוח נגדית

כדור נבעט מהקרקע במהירות של 20 מטרים לשנייה ובזווית של 45 מעלות מהקרקע. רוח נגדית גורמת לכדור תאוצה בכיוון האופקי של 2 מטרים לשנייה בריבוע (בנוסף לתאוצה הגוף).

א. מצא את מיקום הכדור ומהירותו ב- $t = 2 \text{ sec}$.

ב. מהו המרחק בו פוגע הכדור בקרקע?

ג. מהו הגובה המקסימלי אליו הגיע הכדור?

ד. מהו המרחק האופקי המקסימלי אליו הגיע הכדור?

4) מסירה בפוטבול

במשחק הפוטבול הרizo האחורי זורק כדור בזווית של 45 מעלות ביחס לקרקע ובמהירות של 30 מטרים לשנייה. שחkon הקבוצה הנמצאת 15 מטרים קדימה מהרכzo האחורי רץ במהירות של 5 מטרים לשנייה. השחקן רואה את הכדור ומנחיל להאיז בתאוצה קבועה.

מהי התאוצה הדרושה לשחקן כך שיוכל לתפוס את הכדור בדיק בגובה בו הוא נזרק?

אם סימן התאוצה יכול להיות שלילי? מה המשמעות של תאוצה זו?

5) דוגמה מהירות ממוצעת

מיקומו של גוף כתלות בזמן הוא : $\vec{r}(t) = 3t^2 x + (2t+1) y$.
מצא את המהירות הממוצעת ב-5 השניות הראשונות של התנועה.

6) דוגמה - מהירות רגעית

מיקומו של גוף כתלות בזמן הוא : $\vec{r}(t) = 3t^3 x + (4t-5) y$.

- מצא את מהירות הגוף כתלות בזמן.
- מהי מהירות הגוף ב- $t=2$?

7) דוגמה - תאוצה

מהירותו של גוף כתלות בזמן היא : $\vec{v}(t) = 2t^3 x + (6t-5) y$.

- מצא את תאוצת הגוף כתלות בזמן.
- מהי התאוצה הממוצעת בחמש השניות הראשונות של התנועה?

8) דרך והעתק

מיקומו של גוף לפי הזמן נתנו לפי : $\vec{r}(t) = 2t^3 x + (t^3 - 2) y$.

- מצא את המהירות הרגעית (velocity) וההתאוצה הרגעית כפונקציה של הזמן.
- מצא את גודל המהירות (speed) כתלות בזמן.
- מצא את הדרך שעה הגוף בחמש השניות הראשונות.
- מצא את המהירות הממוצעת (average velocity) ב-5 השניות הראשונות של התנועה.
- מצא את ה-speed הממוצע של הגוף בחמש השניות הראשונות.

תשובות סופיות:

3.78m **(1)**

4.49m **(2)**

32.01m **ב.** $x = 24.28\text{m}$, $y = 8.28\text{m}$, $V_x = 10.14 \frac{\text{m}}{\text{sec}}$, $V_y = -5.86 \frac{\text{m}}{\text{sec}}$. **א.** $x_{\max} = 32.01$ **ד.** 10m . **ג.**

$a = 5.99 \frac{\text{m}}{\text{sec}^2}$ **א.** **ב.** יכול לצאת שלילי, המשמעות שהשחקן צריך להאט בשבייל להגיע لنקודה הזאת בדיזוק יחד עם הcador.

$\vec{V} = (15, 2)$ **(5)**

$\vec{V}(t=2) = (36, 4)$ **ב.** $\vec{V} = 9t^2\hat{x} + 4\hat{y}$ **א.** **ג.**

$\vec{a} = 50\hat{x} + 6\hat{y}$ **ב.** $\vec{a}(t) = 6t^2\hat{x} + 6\hat{y}$ **א.** **ג.**

$S \approx 279.5\text{m}$ **ג.** $|\vec{V}| = \sqrt{45t^2}$ **ב.** $\vec{V}_{(t)} = 6t^2\hat{x} + 3t^2\hat{y}$ **א.** **ג.**

$|\vec{V}| \approx 55.9 \frac{\text{m}}{\text{sec}}$ **ה.** $\vec{V} = 50\hat{x} + 25\hat{y}$ **ד.**

משוואת מסלול:

רקע:

משוואת המטארת את $y(x)$.

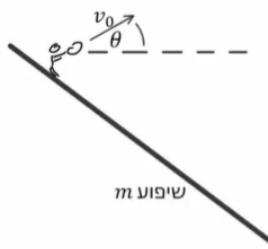
שאלות:

1) דוגמה-משוואת מסלול

מצא את משוואת המסלול ושרטט את המסלול על מערכת צירים עבור המסלול הבא: $x(t) = \sqrt{3+t^2}$, $y(t) = \sqrt{7-t^2}$. הנח ש- x ו- y תמיד חיוביים.

2) זריקה משופעת על מישור משופע

איתי עומד על מישור משופע בעל שיפוע m , איתי זורק כדור כלפיו מורד המישור ב מהירות התחלה v_0 ו לזווית θ ביחס לאופק.
 א. מצא מה המרחק מאיתי שבו יפגע הכדור? (התעלם מהגובה של איתי).
 ב. מהי הזווית θ עבורה מракז זה יהיה מקסימלי?



תשובות סופיות:

$$y(x) = \sqrt{10 - x^2} \quad (1)$$

$$\tan 2\theta = \frac{1}{m} \quad \text{ב.} \quad x = \frac{2v_0^2 \cos^2 \theta (\tan \theta + m)}{g} \quad \text{א.} \quad (2)$$

תאוצה נורמלית ומשיקית ורדיוס עקומות:

רקע:

$$\vec{a}_t = \frac{(\vec{a} \cdot \vec{v})}{|\vec{v}|^2} \vec{v}$$

$$|a_t| = \frac{\vec{a} \cdot \vec{v}}{|\vec{v}|}$$

תאוצה נורמלית: $|\vec{a}_n| = \frac{|\vec{a} \times \vec{v}|}{|\vec{v}|}$, $\vec{a}_n = \vec{a} - \vec{a}_t$

רדיוס עקומות: $R = \frac{v^2}{a_n}$.

שאלות:

1) תאוצה משיקית ונורמללית

- מיקומו של גוף כתלות בזמן נתון לפי: $y(t) = (1-t)^2$, $x(t) = 2t^2$
- כאשר הצבה של הזמן בשניות תיתן מיקום במטרים.
- מצאמתי מהירות הגוף מינימלית?
 - מצא את מיקום הגוף כאשר מהירותו היא: $\frac{m}{sec} = 6$.
 - חשב את התאוצה המשיקית והנורמללית ב- $t = 2 sec$.

2) חישוב תאוצה משיקית ונורמלית גודל וכיון

- וקטור המיקום של גוף מסוים נתון ע"י המשוואה: $\vec{r}(t) = t^2 \hat{x} + 4tx - 5t^2 \hat{z}$
- חשב את וקטור המהירות של הגוף כתלות בזמן.
 - חשב את וקטור התאוצה של הגוף כתלות בזמן.
 - חשב את גודל התאוצה המשיקית כתלות בזמן.
 - חשב את גודל התאוצה הנורמלית כתלות בזמן.
 - חשב את וקטור התאוצה המשיקית כתלות בזמן.
 - חשב את וקטור התאוצה הנורמלית כתלות בזמן.

(3) תאוצה משיקית ונורמללית בциקלואידת
המסלול שמשרטטת נקודה על היקף של גלגל בעת שזה מתגלגל (ללא החלקה) על משטח אופקי נקרא ציקלואידה. מיקום הנקודה בכל רגע נתון על ידי הביטוי:

$$\hat{y} = R \sin \omega t + R \omega t \quad \hat{x} = (R \cos \omega t + R)$$

- א. חשב את וקטור המהירות של הנקודה בכל רגע.
- ב. מצא את הרגע בו הנקודה נמצאת בשיא הגובה (בציר ה- y) ואת הרגע בו הגובה מינימלי (קיים אינסוף רגעים כי התנועה מחזורת, רשום בצהורה כללית).
- ג. מצא את תאוצת החלקיק בכל רגע.
- ד. חשב את התאוצה המשיקית והנורמללית כאשר הנקודה מגיעה לגובה מקסימלי ומינימלי.
- ה. חשב את התאוצה המשיקית והנורמללית ברגע שבו רכיב ה- x של המהירות מתאפס.

(4) חרוץ נע על טבעת אליפטית
חרוץ נע על פני טבעת אליפטית, כך שמיוקומו בכל רגע כתלות בזמן הוא:

$$\hat{y} = a \cos(\omega t) \quad \hat{x} = b \sin(\omega t) \quad a, b, \omega \text{ קבועים נתוניים.}$$

- א. מצא את התאוצה המשיקית כתלות בזמן.
- ב. מצא את התאוצה הנורמלית כתלות בזמן.
- ג. כאשר $|a| = |b|$ האליפסה הופכת למעגל.

במקרה זה, האם גודל המהירות משנה התנועה גדול, קטן, לעיתים גדול ולפעמים קטן או נשאר קבוע?

תשובות סופיות:

$$\vec{r} = (4.38, 0.23) \text{ . ב } \quad t = 0.2 \text{ sec . נ } \quad (1)$$

$$\vec{a}_b = (4.24, 1.06) \frac{\text{m}}{\text{sec}^2}, \vec{a}_n = (-0.24, 0.94) \frac{\text{m}}{\text{sec}^2} \text{ . ג}$$

$$\vec{a} = \dot{\vec{v}} = 2\hat{x} - 10\hat{z} \text{ . ב } \quad \vec{V}_{(t)} = \dot{\vec{r}} = 2t\hat{x} + 4\hat{y} - 10t\hat{z} \text{ . נ } \quad (2)$$

$$|a_n| = \sqrt{\frac{208}{13t^2 + 2}} \text{ . ט} \quad |a_t| = \frac{52t}{\sqrt{26t^2 + 4}} \text{ . ג}$$

$$\vec{a} = \frac{4}{13t^2 + 2}(1, -13t, -5) \text{ . י} \quad \vec{a}_t = \frac{52t}{26t^2 + 4}(t, 2, -5t) \text{ . ה}$$

$$\vec{V} = \dot{\vec{r}} = (R\omega \cdot \cos(\omega t) + R\omega) \hat{x} + (-R\omega \sin(\omega t)) \hat{y} \text{ . נ } \quad (3)$$

$$\vec{a} = \dot{\vec{v}} = -\omega^2 R \sin(\omega t) \hat{x} - \omega^2 R \cos(\omega t) \hat{y} \text{ . ג} \quad t_{\max} = \frac{2\pi}{\omega} k, t_{\min} = \frac{\pi}{\omega} + \frac{2\pi}{\omega} k \text{ . ב}$$

ה. אי אפשר להגדיר.

$$\vec{a}_t = 0, \vec{a}_n = \vec{a} = -\omega^2 R \hat{y} \text{ . ט}$$

$$a_t = \frac{\omega^2 \sin(2\omega t)(a^2 - b^2)}{2\sqrt{a^2 \sin^2(\omega t) + b^2 \cos^2(\omega t)}} \text{ . נ } \quad (4)$$

$$a_n = \sqrt{\omega^4 a^2 \cos^2(\omega t) + \omega^4 b^2 \sin^2(\omega t) + \left(-\frac{\omega^4 \sin^2(2\omega t)(a^2 - b^2)}{4(a^2 \sin^2(\omega t) + b^2 \cos^2(\omega t))} \right)} \text{ . ב}$$

ג. הגודל נשאר קבוע.

$$|\vec{V}| = \text{const.}$$